

正 答 表 数 学

(5—寺)

	1	
[問 1]	$-2\sqrt{15}$	問1 5
[問 2]	$-2, 4$	問2 5
[問 3]	$x=3, y=-\frac{4}{3}$	問3 6
[問 4]	$\frac{13}{36}$	問4 6
[問 5]	誤っている数値 6	問5 6
	正しく直した数値 8	
[問 6]		問6 6

2	
[問 1](1)	6
[問 1](2)	$P(4, 8)$
[問 2]	【途中の式や計算など】
	問1(1) 6 問1(2) 6 問2 10

点Sのx座標を $s (s > 0)$ とすると、2点S, Bの座標は
 $S(s, as^2), B(2s, 2s^2)$

2点S, Bのy座標は等しいから、 $as^2 = 2s^2$

$$(a-2)s^2 = 0$$

$$s \neq 0 \quad \text{より} \quad a=2$$

したがって、曲線gの式は $y=2x^2$ となり、
4点Q, Q', S, Sの座標は
 $Q(-s, 2s^2), S(s, 2s^2)$
 $Q'(-s, \frac{1}{2}s^2), S'(s, \frac{1}{2}s^2)$

となる。四角形QQ'SSは正方形なので各辺の長さは等しく、
 $QS=SS'$

が成り立つ。よって、

$$s - (-s) = 2s^2 - \frac{1}{2}s^2$$

整理して、 $3s^2 - 4s = 0$

すなわち、 $s(3s-4)=0$ より、 $s=0, s=\frac{4}{3}$

$s>0$ であるから、 $s=\frac{4}{3}$

よって、 $QS=\frac{8}{3}$ から、四角形QQ'SSの面積は、
 $\frac{8}{3} \times \frac{8}{3} = \frac{64}{9} (\text{cm}^2)$

3	
〔問 1〕	$\frac{36-9\sqrt{3}}{2}$ cm ²
〔問 2〕(1)	【 証 明 】
問1 6 問2 10	
<p>△ACEと△BDFにおいて、 仮定より $BC=CD$, $BE=CF$ よって, $EC=FD \cdots ①$ 辺AC, 辺BDは正方形の対角線だから $AC=BD \cdots ②$ また, $\angle ACE = \angle BDF = 45^\circ \cdots ③$ ①, ②, ③より, 2組の辺と その間の角がそれぞれ等しいから、 $\triangle ACE \equiv \triangle BDF$ よって, $\angle EAC = \angle FBD$ より $\angle OAG = \angle OBG$ 2点A, Bは直線 OGについて 同じ側にある点である。</p> <p>したがって、</p> <p>4点A, B, G, Oは1つの円周上にある点である。</p>	
〔問 2〕(2)	$\frac{27}{5}$ cm ²
問2(2) 6	

4		
[問 1]	$\sqrt{65}$	cm
[問 2]	【途中の式や計算など】	
立体 P - ABQ の体積を V とする。		
[1] $0 < t \leq 3$ のとき		
$V = 6 \times (6-t) \times \frac{1}{2} \times 2t \times \frac{1}{3} = 2t(6-t)$		
$V = 6$ より $2t(6-t) = 6$,		
$t^2 - 6t + 3 = 0$		
これを解いて $t = 3 \pm \sqrt{6}$		
$0 < t \leq 3$ より $t = 3 - \sqrt{6}$		
[2] $3 \leq t < 6$ のとき		
$V = 6 \times (6-t) \times \frac{1}{2} \times 6 \times \frac{1}{3} = 6(6-t)$		
$V = 6$ より $6(6-t) = 6$ よって $t = 5$		
これは $3 \leq t < 6$ に適する		
[1], [2] より $t = 3 - \sqrt{6}$, $t = 5$		
(答え) $3 - \sqrt{6}$, 5		
[問 3] (1)	(ア)	12
[問 3] (1)	(イ)	27
[問 3] (2)	(ウ)	$\frac{104}{3}$