

正 答 表

1		
〔問 1〕	7	5
〔問 2〕	$\frac{3 \pm \sqrt{17}}{2}$	5
〔問 3〕	$x = -\frac{2}{3}, \quad y = -1$	5
〔問 4〕	$\frac{7}{18}$	5
〔問 5〕	【 解 答 例 】	5

2		
〔問 1〕	$\frac{27}{8}$	6
〔問 2〕	(1) 【 途中の式や計算など 】	12

各点の座標は、
 $B(1, 4), C(-1, a), D(2, -4)$
 点 B の y 座標が点 C の y 座標より大きいから、
 $0 < a < 4$

$$BC^2 = \{1 - (-1)\}^2 + (4 - a)^2 = (4 - a)^2 + 4$$

$$BD^2 = (2 - 1)^2 + (-4 - 4)^2 = 1 + 64 = 65$$

$2BC = BD$ のとき、 $4BC^2 = BD^2$ であるから、

$$4\{(4 - a)^2 + 4\} = 65$$

これを解くと、

$$4(4 - a)^2 + 16 = 65$$

$$4(4 - a)^2 = 49$$

$$(4 - a)^2 = \frac{49}{4}$$

$0 < a < 4$ より、 $4 - a > 0$ であるから、

$$4 - a = \frac{7}{2}$$

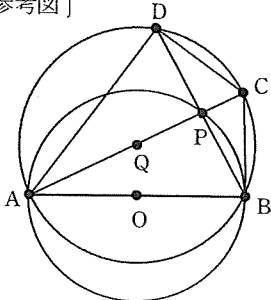
$$a = \frac{1}{2}$$

(答え) $\frac{1}{2}$

〔問 2〕	(2)	9 cm ²	7
-------	-----	-------------------	---

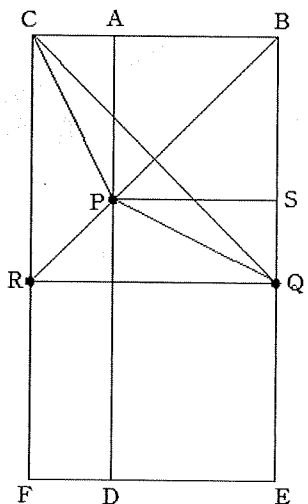
3			
〔問 1〕	(1)	$\frac{25}{2} \text{ cm}^2$	6
	(2)	$\frac{5}{2}\sqrt{2} \text{ cm}$	7
〔問 2〕	【 証 明 】		12

4点A, B, C, Dが周上にある円の中心をQとする。
 $\triangle ABC$ と $\triangle ADC$ において,
 $AC = AC$ (共通) ... ①
 2点B, Cを通る直線が円Oの接線であるから,
 $\angle ABC = 90^\circ$... ②
 よって, 線分ACは円Qの直径で,
 $\angle ADC = 90^\circ$... ③
 ②, ③より,
 $\angle ABC = \angle ADC = 90^\circ$... ④
 円Qの $\widehat{BC}$ に対する円周角は等しいから,
 $\angle BAC = \angle BDC$... ⑤
 線分ABは円Oの直径であるから, $\angle APB = 90^\circ$
 よって, $\angle APD = 90^\circ$
 直角三角形APDにおいて,
 $\angle DAP = \angle DAC = 90^\circ - \angle ADP$... ⑥
 また,
 $\angle BDC = \angle ADC - \angle ADP = 90^\circ - \angle ADP$... ⑦
 ⑥, ⑦より, $\angle BDC = \angle DAC$... ⑧
 ⑤, ⑧より, $\angle BAC = \angle DAC$... ⑨
 ①, ④, ⑨より,
 直角三角形の斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから,
 $\triangle ABC \equiv \triangle ADC$ [参考図]



4			
〔問 1〕	$5\sqrt{70} \text{ cm}^2$		8
〔問 2〕	【 途中の式や計算など 】		10

下の展開図で, 点Rは辺CF上にあり,
 $CR = 15 \text{ cm}$ となる点である。
 $BC = BQ = 15$ であるから, 四角形BCRQは正方形で,
 線分BRは線分CQの垂直二等分線である。
 したがって, $PC = PQ$ となる点Pは,
 線分BRと辺ADとの交点である。
 よって, $AP < BQ$ であるから,
 点Pから辺BEに引いた垂線をPSとすると,
 $QS = 15 - x$
 $PC^2 = AP^2 + AC^2 = x^2 + 5^2$
 $PQ^2 = PS^2 + QS^2 = 10^2 + (15 - x)^2$
 したがって, $PC = PQ$ のとき,
 $x^2 + 5^2 = 10^2 + (15 - x)^2$
 これを解くと,
 $x^2 + 25 = 100 + 225 - 30x + x^2$
 $30x = 300$
 $x = 10$



(答え) 10

〔問 3〕	16	7
-------	----	---