

正答表

数 学

(7-西)

1		点
〔問1〕	-3	5
〔問2〕	$\frac{-9 \pm \sqrt{57}}{4}$	5
〔問3〕	$\frac{7}{25}$	5
〔問4〕	70	5
〔問5〕		5

2		点
〔問1〕	$\frac{6}{5}$	7
〔問2〕	【途中の式や計算など】	10

点A、点Bはともに曲線 l 上にあり、点Aの x 座標は a 、点Bの x 座標は $b=a+2$ であるから、 $A(a, \frac{1}{2}a^2)$ 、 $B(a+2, \frac{1}{2}(a+2)^2)$ と表される。

よって、点Dの座標は $D(-(a+2), \frac{1}{2}(a+2)^2)$ となる。

点Aから線分BDに垂線を引き、線分BDとの交点をHとする。

線分AHは y 軸に平行であるから、

点Hの x 座標は点Aの x 座標に等しく、 a である。

よって、 $DH=a-(-(a+2))=2a+2 \dots \text{①}$

点Hは線分BD上にあるから、点Hの y 座標は $\frac{1}{2}(a+2)^2$

よって、 $AH=\frac{1}{2}(a+2)^2-\frac{1}{2}a^2=2a+2 \dots \text{②}$

①、②より、 $AH=DH$

ゆえに、 $\triangle AHD$ は、 $AH=DH$ の直角二等辺三角形であり、 $\angle ADH=45^\circ$ となる。

したがって、 $\angle ADB=45^\circ$

(答え) 45 度

〔問3〕	$\frac{3}{2}$	8
------	---------------	---

3		点
〔問1〕	$\frac{4\sqrt{5}}{3}$ cm	7
〔問2〕	【証明】	10

点Oと点Cを結ぶ。

$\triangle OCA$ は、 $OA=OC$ の二等辺三角形 $\dots \text{①}$

仮定より、点Dは、線分ACの中点 $\dots \text{②}$

①、②より、 $\angle ODA=90^\circ \dots \text{③}$

$\angle AOD=\angle COD \dots \text{④}$

$\triangle ODA$ と $\triangle BFE$ において、

仮定より、 $OA=BE \dots \text{⑤}$

仮定と③より、 $\angle ODA=\angle BFE=90^\circ \dots \text{⑥}$

④より、 $\angle DOA=\frac{1}{2}\angle AOC \dots \text{⑦}$

円周角の定理より、 $\angle ABC=\frac{1}{2}\angle AOC \dots \text{⑧}$

⑤より、 $\angle FBE=\frac{1}{2}\angle AOC \dots \text{⑨}$

⑦、⑧より、 $\angle DOA=\angle FBE \dots \text{⑩}$

⑥、⑩より、斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいから、 $\triangle ODA \cong \triangle BFE$

〔問3〕	$\frac{1}{2}mS(2m+3)$	8
------	-----------------------	---

4		点
〔問1〕	15	7
〔問2〕	【途中の式や考え方など】	10

1以外の奇数から始まる連続する6個の正の奇数を、 l を $l \geq 4$ の自然数として、 $2l-5, 2l-3, 2l-1, 2l+1, 2l+3, 2l+5$ と表す。

このとき、1以外の奇数から始まる連続する6個の正の奇数の和は $(2l-5)+(2l-3)+(2l-1)+(2l+1)+(2l+3)+(2l+5)=12l$ となる。

$12l=360$ より、 $l=30 \dots \text{①}$

①は、 $l \geq 4$ を満たす。

よって、1以外の奇数から始まる連続する6個の正の奇数の和が360になる場合はある。

①より、1以外の奇数から始まる連続する6個の奇数は、55, 57, 59, 61, 63, 65である。

したがって、求める最小の奇数は55

〔問3〕	27	8
------	----	---